n は自然数, a は  $a > \frac{3}{2}$  を満たす実数とし、実数 x の関数

$$f(x) = \int_0^x (x - \theta)(a\sin^{n+1}\theta - \sin^{n-1}\theta) d\theta$$
 を考える. ただし、 $n = 1$  のときは  $\sin^{n-1}\theta = 1$  とする.

(2) 
$$f'\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$$
 満たす  $n$  と  $a$  の値を求めよ.

(3) (2) で求めた 
$$n$$
 と  $a$  に対して,  $f\left(\frac{\pi}{2}\right)$  を求めよ. ['15 北海道大]